

Taký obyčajný koláč (allcake2)

Toto je zložitejšia verzia úlohy **allcake1**. Líšia sa počtom rezov n .

Miško nedávno dostal záhadne vyzerajúci koláč obdĺžnikového tvaru. Na chvíľočku síce zauvažoval nad možnosťou:



no potom si povedal, že to by asi neprežil. A navyše aj kamarátov by kus koláča potešil, if you know what I mean.

Zobral teda nôž a koláč nakrájal: najskôr spravil n rezov rovnobežných s jednou stranou koláča, potom ďalších n rezov rovnobežných s druhou jeho stranou. Takto koláč rozdelil na $(n + 1)^2$ (potenciálne rôzne veľkých) obdĺžnikových kúskov.

Miško sa rozhodol, že si dá len jeden kúsok, a to k -ty najväčší spomedzi nich.

Task

Nájdite veľkosť s Miškovho kúsku (t.j. obsah jeho podstavy).

Formálne, musí existovať aspoň k kúskov veľkosti aspoň s a zároveň musí existovať aspoň $(n + 1)^2 - k + 1$ kúskov veľkosti najviac s .

Input specification

V prvom riadku vstupu sú kladné celé čísla a, b, n a k . Čísla a a b predstavujú rozmery koláča. Platí pre ne $1 \leq a, b \leq 10^9$. Ďalej platí $0 \leq n \leq 200\,000$ a $1 \leq k \leq (n + 1)^2$.

V druhom riadku je n celých čísel x_1, \dots, x_n : súradnice rezov kolmých na stranu dĺžky a . Platí $0 < x_1 < \dots < x_n < a$.

V treťom riadku je n celých čísel y_1, \dots, y_n : súradnice rezov kolmých na stranu dĺžky b . Platí $0 < y_1 < \dots < y_n < b$.

Pozor. Časový limit nie je zrovna voľný. Kto bude pomaly načítavať a potom rozhadzovať hore dole rukami, nohami a logaritmi na druhú, nech sa príliš nediví výsledku. Toto je úmyselné.

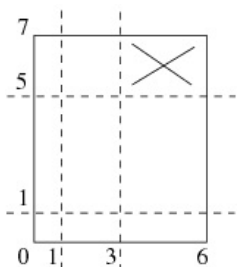
Output specification

Vypíšte jeden riadok a v ňom jedno celé číslo: veľkosť Miškovho kúsku.

Examples

input	output
6 7 2 3 1 3 1 5	6

Obrázok tohto koláča:



Veľkosti kúskov sú 12, 8, 6, 4, 4, 3, 2, 2, 1. Tretí najväčší kúsok má teda veľkosť 6. Na obrázku je vyznačený krížikom.